## Problème 1 : ELECTRICITE (13 points)

Un moteur asynchrone triphasé tétrapolaire est alimenté par une ligne triphasée de fréquence 50 Hz et dont la valeur efficace de la tension composée vaut U=400~V. La résistance mesurée entre deux bornes de l'enroulement statorique vaut  $R_s=1,2~\Omega$ . Les pertes mécaniques du moteur, supposées constantes, valent  $P_m=185~W$ . On a réalisé les essais suivants :

- Un essai à vide a donné les résultats suivants :
  - puissance absorbée  $P_0 = 450 \text{ W}$ .
  - intensité efficace du courant en ligne  $I_0 = 7.0 \text{ A}$ .
- Un essai en charge correspondant au régime nominal a donné les résultats suivants:
  - Puissance active P = 7.3 kW
  - Puissance réactive Q = 5,37 kvar
  - Vitesse de rotation du moteur n = 1440 tr/min.

## 1.1. Essai du moteur en fonctionnement à vide:

- 1.1.1. Donner le nombre de pôles du moteur.
- 1.1.2. Déterminer la vitesse de synchronisme ne
- 1.1.3. Calculer les pertes par effet Joule dans cet essai.
- 1.1.4. Calculer les pertes dans le fer du stator.

## 1.2. Etude du moteur en régime nominal:

On considère que les pertes dans le fer du stator, pour cet essai, valent 177 W.

Pour ce régime calculer :

- 1.2.1. le facteur de puissance cos φ;
- 1.2.2. l'intensité efficace du courant en ligne :
- 1.2.3 la puissance transmise au rotor Ptr:
- 1.2.4. le glissement g du moteur;
- 1.2.5. la puissance dissipée par effet joule dans le rotor P<sub>ir</sub>;
- 1.2.6. le moment du couple électromagnétique C<sub>e</sub>;
- 1.2.7. le moment du couple utile C<sub>u</sub>.

## 1.3. Etude du moteur entraînant à une charge constante :

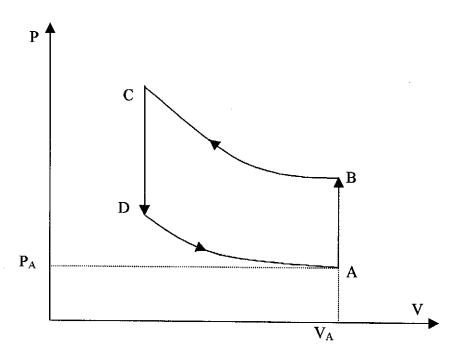
Le moteur entraı̂ne une machine dont le moment du couple reste constant et a pour valeur  $C_r = 30 \text{ N.m.}$ 

On admet que dans sa partie utile, la caractéristique mécanique  $C_u = f(n)$  du moteur, est une droite passant par les points suivants : point A ( $C_u = 42 \text{ N.m}$ ; n = 1440 tr/min) point B ( $C_u = 0 \text{ N.m}$ ; n = 1500 tr/min)

- 1.3.1. Tracer sur le document réponse les caractéristiques mécaniques du moteur et de la charge.
- 1.3.2. En déduire la vitesse de rotation de l'ensemble.

# Problème 2: THERMODYNAMIQUE (7 points)

Soit une pompe à chaleur dans laquelle de l'air (assimilable à un gaz parfait) décrit le cycle ABCDA constitué par les transformations suivantes (le point A étant défini par la pression  $P_A$ ; le volume  $V_A$  et la température  $T_A$ ):



- A B : chauffage isochore jusqu'à la température T<sub>B</sub>.
- B C : compression isotherme, le volume en C étant V<sub>C</sub>.
- CD: refroidissement isochore jusqu'à la température TA.
- DA: détente isotherme.

On donne :  $P_A = 1.0 \times 10^5$  Pa ;  $V_A = 1.40$  m³ ;  $T_A = 263$  K ;  $T_B = 293$  K ;  $V_C = 0.38$  m³. Nombre de moles d'air mises en jeu : n = 64 moles Constante des gaz parfaits R = 8.31 J. mol<sup>-1</sup>. K<sup>-1</sup>. La capacité thermique molaire à volume constant de l'air,  $C_v$ , est constante et vaut 20.8 J.mol<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>.

#### Formulaire:

Transformation isotherme :  $Q_{1\rightarrow 2}=n~R~T~ln \frac{V_2}{V_1}$  ;

Transformation isochore:  $Q_{1\rightarrow 2} = n C_v (T_2 - T_1)$ .

- 2.1. Calculer les quantités de chaleur  $Q_{AB}$ ;  $Q_{BC}$ ;  $Q_{CD}$  et  $Q_{DA}$  échangées par l'air au cours des transformations AB; BC; CD et DA. Vérifier que  $Q_{AB}$  =  $Q_{CD}$ .
- 2.2.1. Calculer les travaux  $W_{AB}$  ;  $W_{BC}$  ;  $W_{CD}$  et  $W_{DA}$  échangés par l'air au cours des quatre transformations du cycle.
- 2.2.2. Calculer le travail total W<sub>cycle</sub> échangé par l'air au cours du cycle. Quel est son signe? En déduire le sens de l'échange du travail entre l'air et le milieu extérieur.

| 2.3.1. L'efficacité | e de la pompe | à chaleur s'exprime  | e en fonction | de la grand | leur Q <sub>BC</sub> et |
|---------------------|---------------|----------------------|---------------|-------------|-------------------------|
|                     |               | e en fonction des te |               | •           | <b>X</b> = -            |

2.3.2. Calculer la valeur numérique de e avec les données précédentes.

| Œ                       |
|-------------------------|
| =                       |
| Œ                       |
| $\overline{\mathbf{c}}$ |
| ٠Ē                      |
|                         |
| _                       |
| _                       |
| ш                       |
| -                       |
| œ                       |
| 4-1                     |
| -                       |
| -                       |

| Série* : | Numérotez chaque                             |
|----------|--|
|          | page (dans le cadre<br>en bas de la page) et |
|          | placez les feuilles                          |
|          | intercalaires dans le bon sens.              |
|          | Série* :                                     |

# **DOCUMENT REPONSE**

